

A funkcionalitás tervezése Celluláris Hullámszámítógépeken: Template tervezés



András Horváth



Template-ek a gyakorlatban

Az eddigiek során már láttuk, hogy a templatek működnek és a gyakorlatban is használhatóak különböző feladatok megvalósítására

A template library-ből, egy könyvtárból töltöttük be őket



A tudomány korai története

A sötét középkor: Miszticizmus

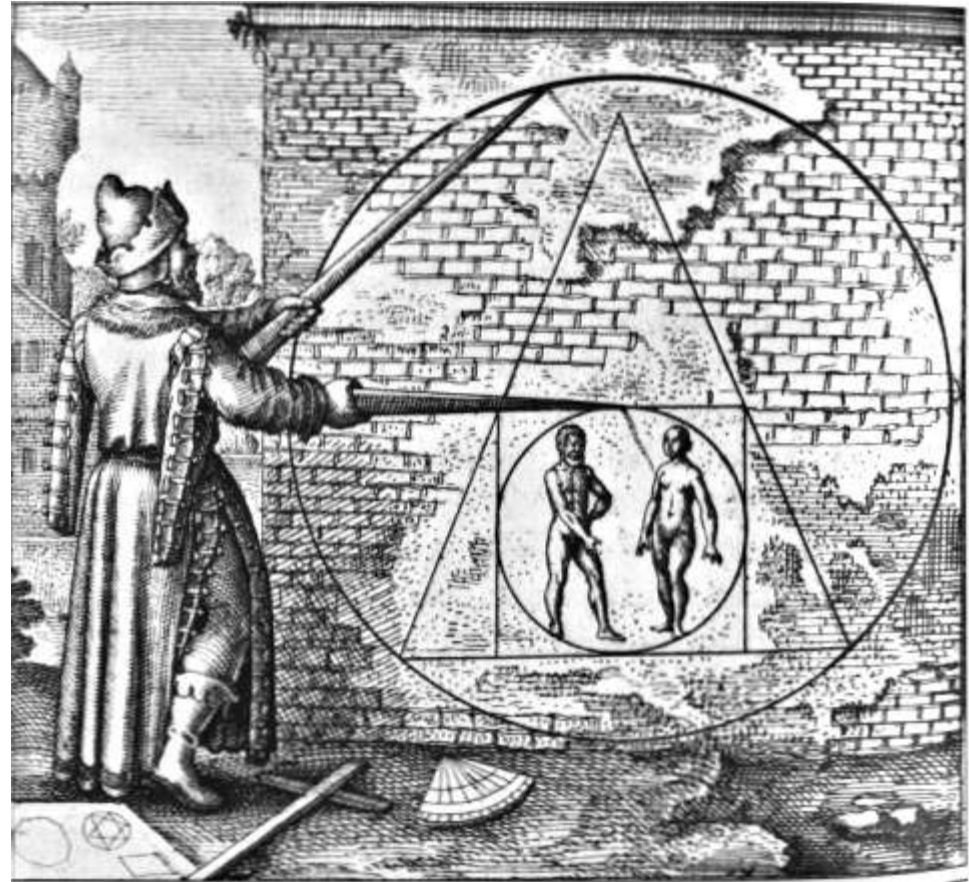
X eredménye Y

$2+3=5$

Tapasztalaton és

Megfigyelésen alapszik

Nincs funkcionalitás



Alkémia, Taxonomiák és enciklopédiák, később törvények

Newton és a tudományos forradalom

Scientific revolution

Egy probléma okának megtalálása:

Jó tervezésre is

$3+3=6$ és $2+4=6$

A funkcionalitás a legfontosabb

Megadják a törvények, szabályok

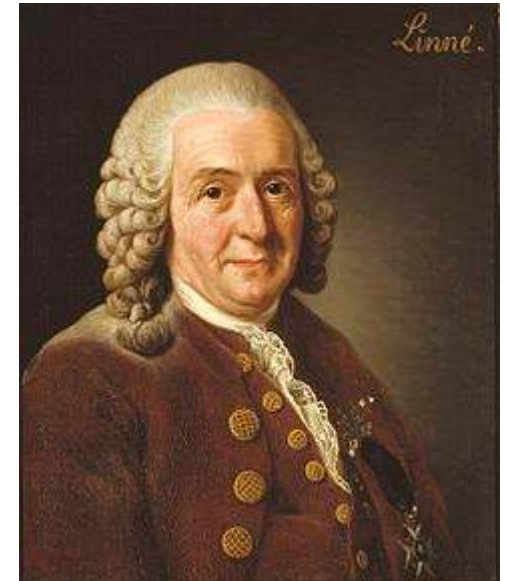
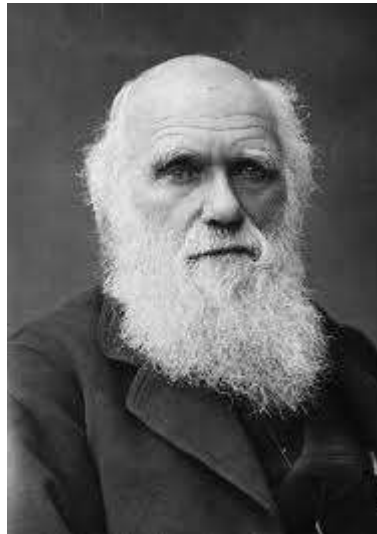
'hatáskörét' is.

Mengyelejev vs Bohr.



Newton vs Kepler

Mendel, Darwin VS Linne



Miért?

Meg kell értenünk az alapvető jelenségeket/dinamikát, hogy képesek legyünk reprodukálni, (s ami még fontosabb megtervezni) a funkciót.

Tudományosan a legfontosabb, hogy megértsünk, egy jelenséget, s megmagyarázzuk a 'legegyszerűbb', 'legáltalánosabb' magyarázattal.

Ha megértettük a dinamikát → Meg kell oldanunk az inverz problémát:

Ismerve a bemenetet és az elvárt kimenetet, meg tudjuk adni a tényleges dinamikát, ami az adott funkcionalitással bír?

Ha igen, akkor tudunk számítógépet tervezni

Funkcionalitás tervezése

Template tervezési módszerek:

- Intuitív template tervezés

- Adatbázis alapú tervezés, tanító algoritmusok (genetic algorithm)

Sosem lehetünk teljesen biztosak, hogy az elért funkció általános. :(

- Direkt tervezés, Direct design: Megértve a dinamikát, meg tudjuk oldani a hálózatot leíró differenciál egyenletet. Ennek segítségével meg tudjuk mondani, hogy milyen funkcióval bír egy template.

Ezáltal megoldhatjuk az inverz problémát is, és generálhatunk template-eket egy bemenet, kimenet párra.

Meg tudjuk oldani a differenciálegyenletet?

$N \times M$ -es hálózat esetén:

$N \times M$ dimenziós differenciálegyenlet – Ha van visszacsatolás, mindegyik elem mindegyikkel összefügg

Elég bonyolult egy ilyen differenciálegyenletrendszer megoldása

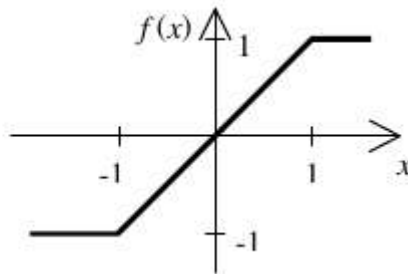
Nem propagáló CNN I.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & a_{00} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \mathbf{B} = \begin{bmatrix} b_{-1-1} & b_{-10} & b_{-11} \\ b_{0-1} & b_{00} & b_{01} \\ b_{1-1} & b_{10} & b_{11} \end{bmatrix}, z = i$$

$$\dot{x}(t) = -x(t) + a_{00}y(t) + s$$

$$s = \sum_{C(kl) \in N_r(i,j)} \mathbf{B}_{ij,kl} u_{kl} + z;$$

$$y = f(x)$$



Nincs csatolás a feedback tempalte-ben

Az eredmény nem fog tovább terjedni. Csak a szomszédos elemektől függ (9 differenciálegyenlethez álló rendszer).

(Az ilyen típusú template-ek mindig stabilak).

Feladat és template típusok

Az alábbi nem propagáló feladatosztályokat azonosíthatjuk:

- Lokális mintafelismerés
- Pixel változás felismerés
- Térbeli bináris logikai függvények, két bemenettel és egy kimenettel

Hogyan működik?

Ha nem tudjuk megérteni/elmagyarázni egy-egy létező template működését, esélyünk sincs rá, hogy új template-eket tervezzünk

Differenciál egyenlet megoldása driving-point plot-tal

Egy egyszerű egyenlet:

$$\dot{x} = -(x+3)^2 + 4$$

$$0 = -(x+3)^2 + 4$$

Mik lesznek az egyenlet fix-pontjai?

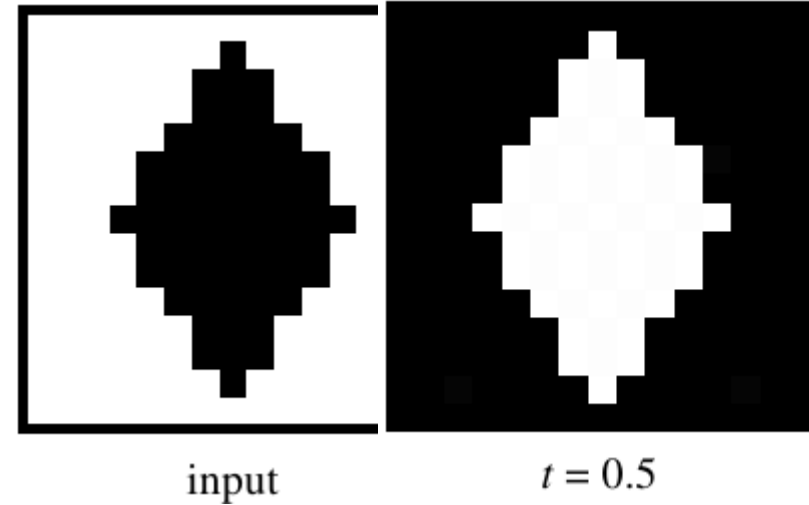
$$x_0 = -1$$

$$x_1 = -4$$

Hogyan működik?

Példa template - LOGNOT

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad z = \boxed{0}$$

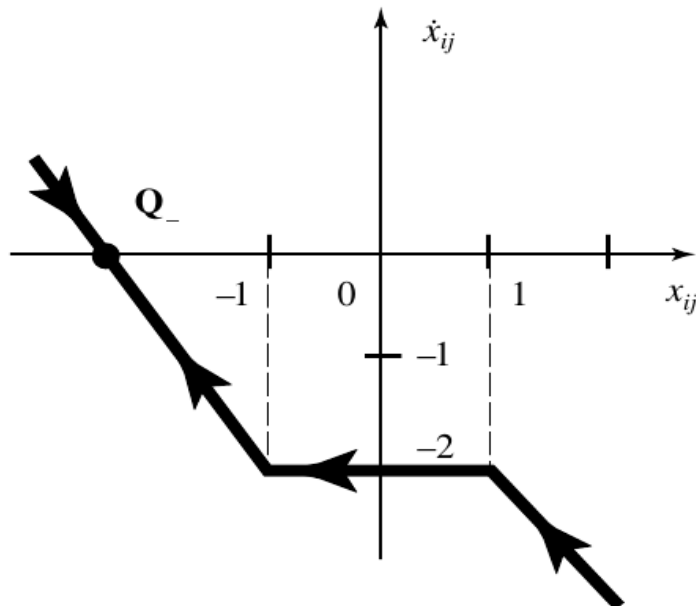


Hogyan működik?

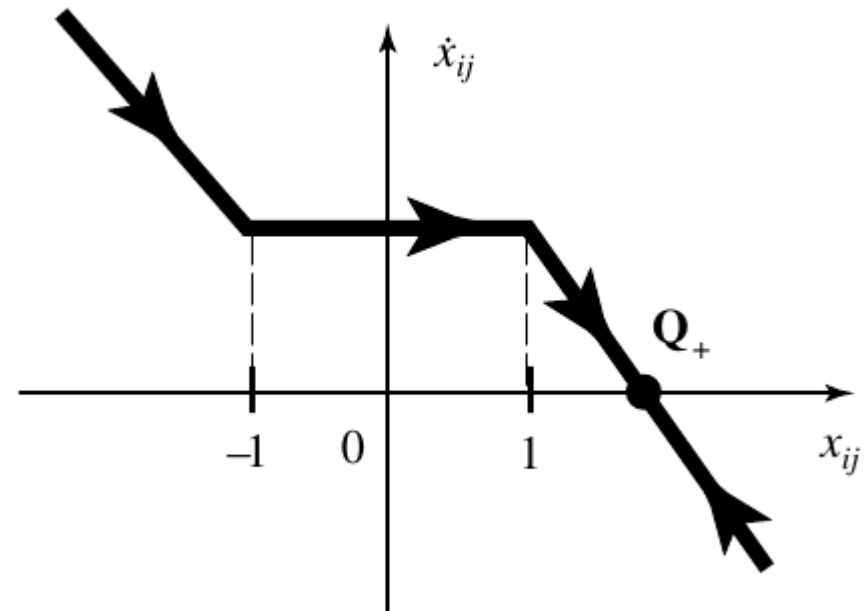
Példa template - LOGNOT

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad z = \boxed{0}$$

$U=1$



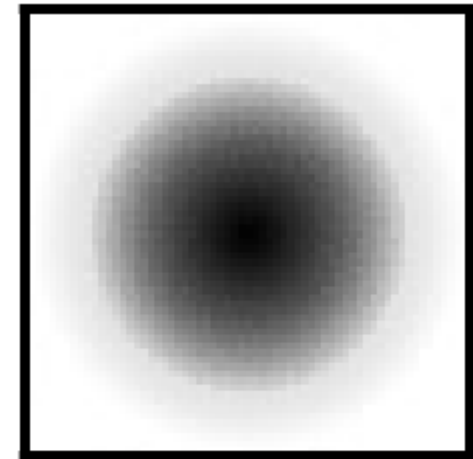
$U=-1$



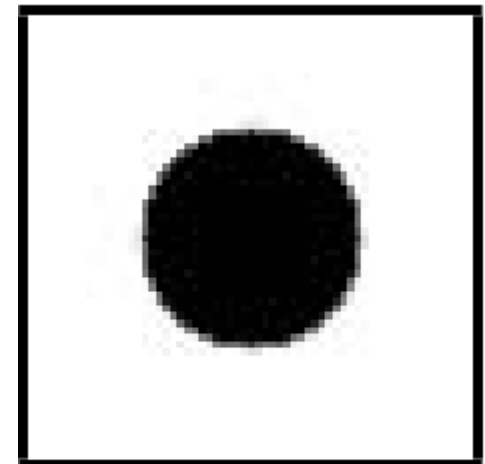
Hogyan működik?

Példa template - Threshold $z=-0.4$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad z = \boxed{-z^*},$$



initial state

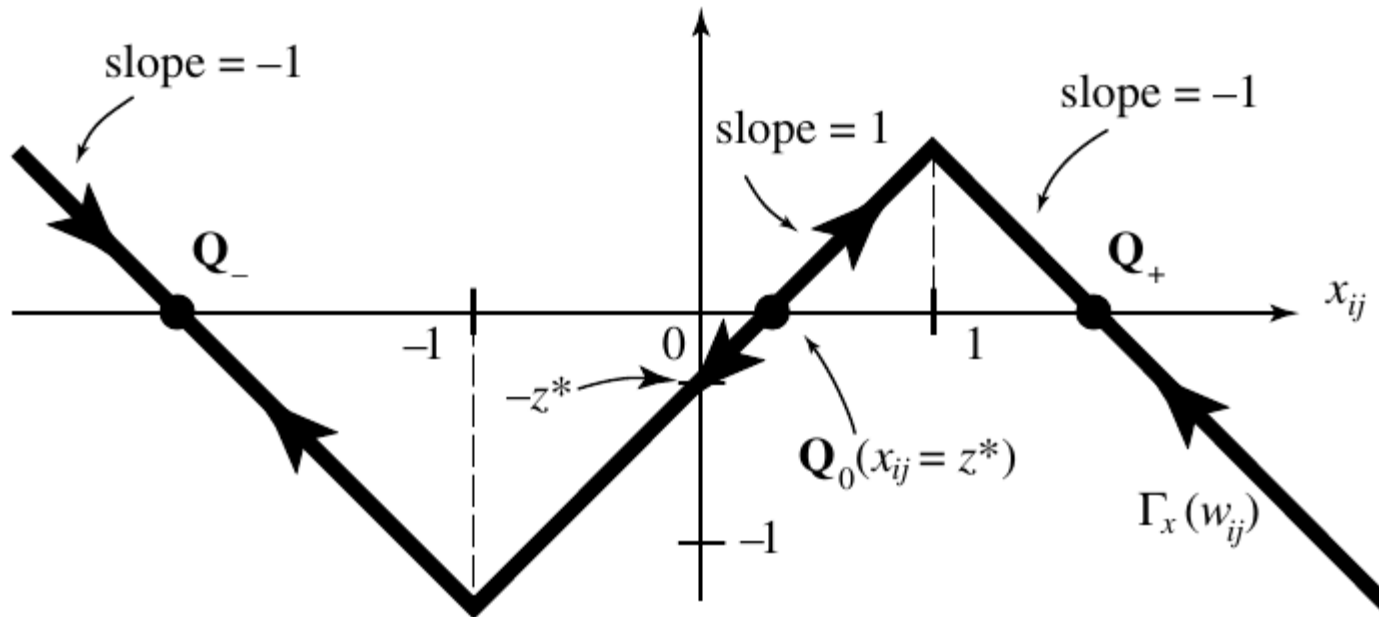


$t = 0.5$

Hogyan működik?

Példa template - Threshold $z=-0.4$

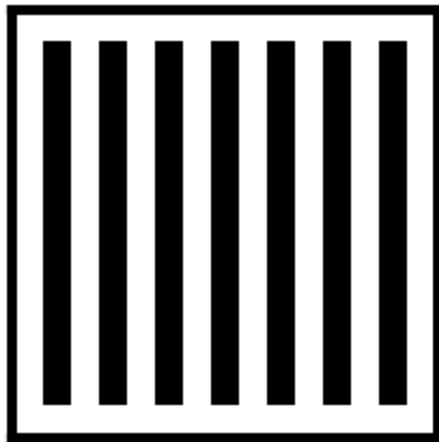
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad z = \boxed{-z^*},$$



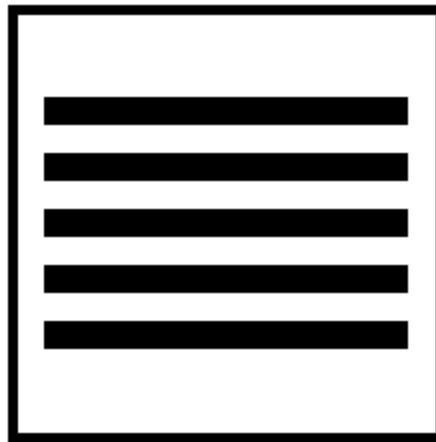
Hogyan működik?

Példa template - LOGOR

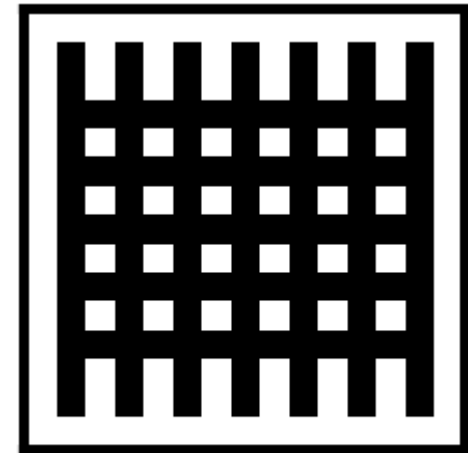
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad z = \begin{bmatrix} 2 \end{bmatrix}$$



input



initial state



$t = 0.5$

Hogyan működik?

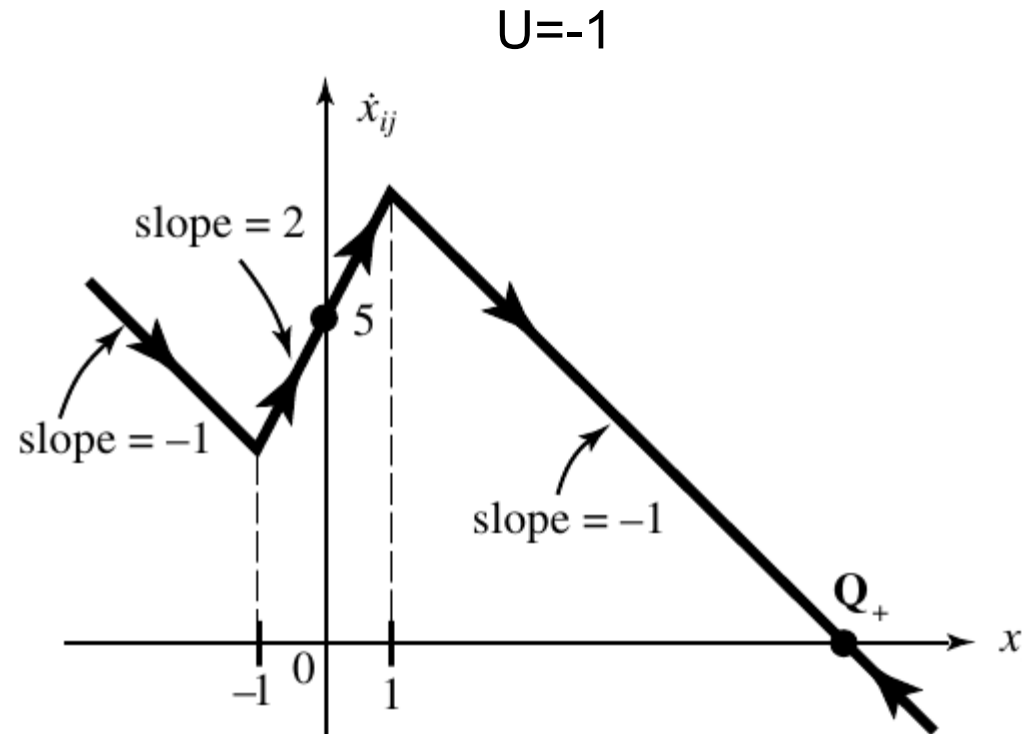
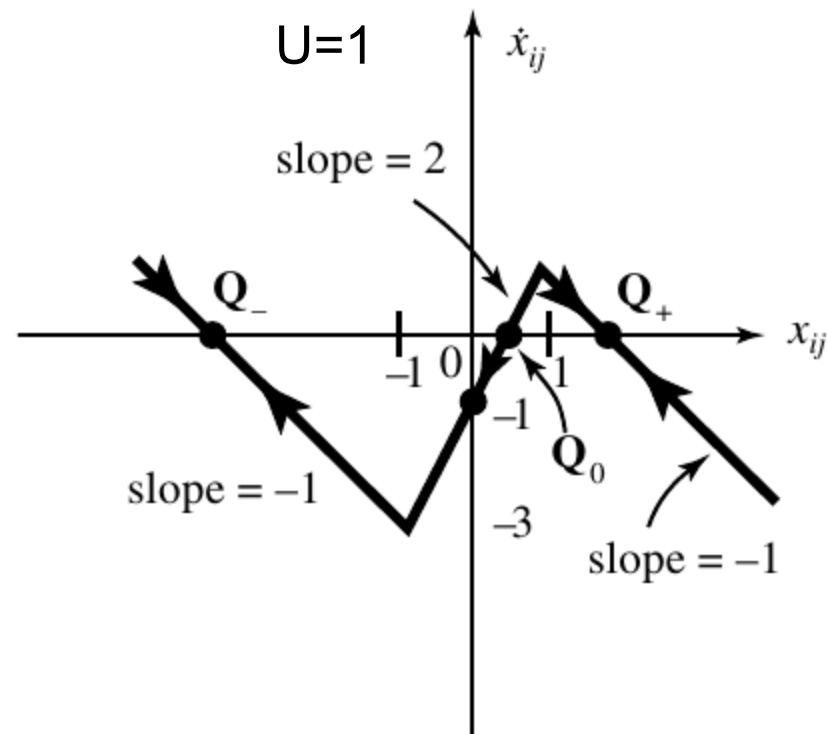
Példa template - LOGOR

$$\mathbf{A} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 3 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} \quad \mathbf{B} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 3 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} \quad z = \boxed{2}$$

Hogyan működik?

Példa template - LOGOR

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad z = \boxed{2}$$



Template tervezés

Tervezzünk egy template-et!

Tervezzük meg a FILLBLACK/FILLWHITE template-eket.

FILLBLACK:

A kimeneti kép minden
pixele fekete lesz a
bemeneti kép pixeleitől
függetlenül

FILLWHITE:

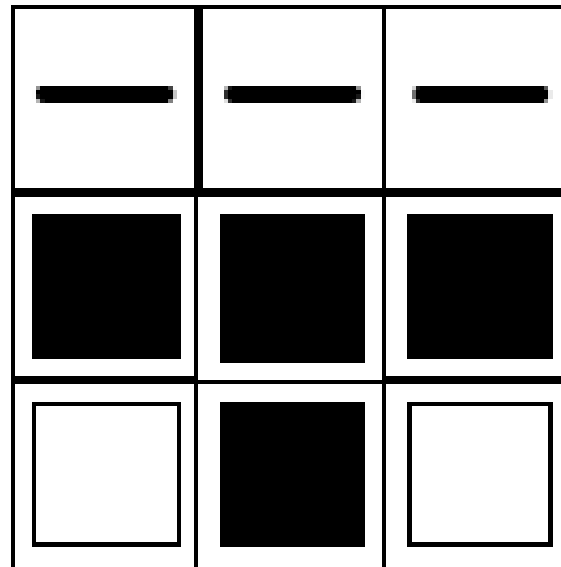
A kimeneti kép minden
pixele fehér lesz a
bemeneti kép pixeleitől
függetlenül

Template tervezés

Tervezzük meg a FILLBLACK/FILLWHITE template-eket.

Minta felismerés

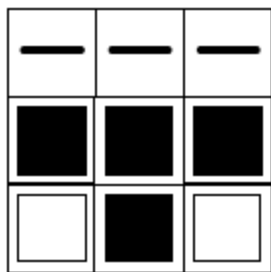
Tervezzünk template-et, ami a megadott mintát fogja detektálni: A kimeneten csak azon pixelek lesznek feketék, ahol ez a minta a bemenet.



Minta felismerés

Az első feladat, hogy megtaláljuk a template sablonját (template-jét), a legyszerűbb olyan formát, ami képes lehet megoldani ezt a feladatot. Itt a paraméterek fogják tükrözni, hogy mely értékek függenek egymástól.

A template első verziója:



$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ b & b & b \\ -b & b & -b \end{bmatrix}, \quad z = i$$

Tervezzük meg driving-point plot-tal

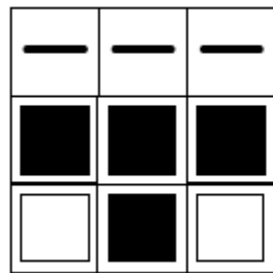
Minta felismerés

Tervezés igazságtáblázat segítségével (könnyen automatizálható)

Tervezzünk robosztus template-et, elég, ha a 6-ból csupán 5 pixel megegyezik

A probléma átírható egy egyenlőtlenségrendszer megoldásává

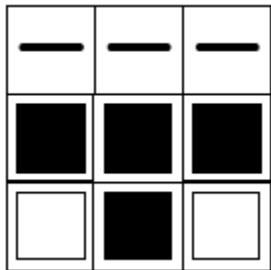
Nem kell megoldanunk a differenciálegyenletrendszert (csupán egy hagyományos algebrai egyenletrendszert.)



$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ b & b & b \\ -b & b & -b \end{bmatrix}, \quad z = i$$

Minta felismerés

Az igazságtáblázat



$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ b & b & b \\ -b & b & -b \end{bmatrix}, \quad z = i$$

# of matching pixels	desired output	relation
6	black (+1)	$6b+i>0$
5	black (+1)	$4b+i>0$
4	white (-1)	$2b+i<0$
3	white (-1)	$i<0$
2	white (-1)	$-2b+i<0$
1	white (-1)	$-4b+i<0$
0	white (-1)	$-6b+i<0$

relations:

$$2b+i<0$$

$$4b+i>0$$

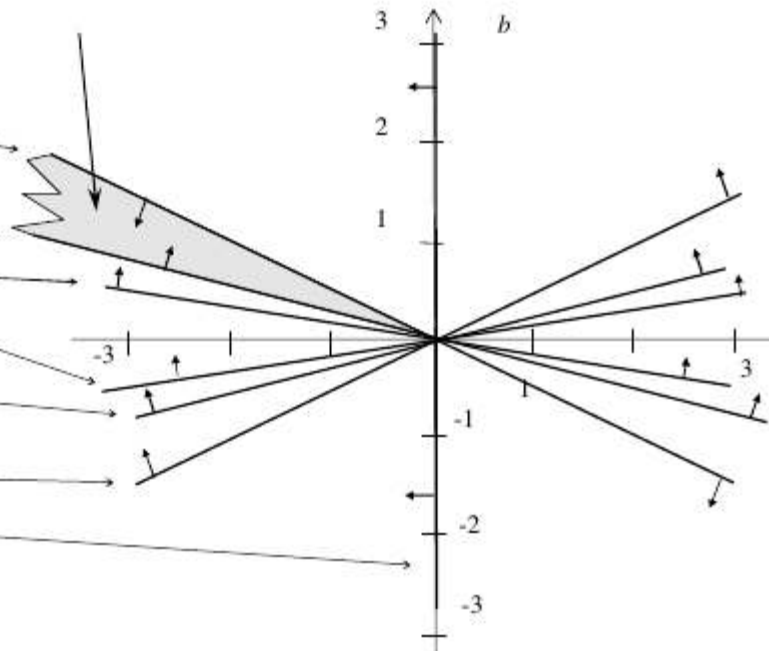
$$6b+i>0$$

$$-6b+i<0$$

$$-4b+i<0$$

$$-2b+i<0$$

$$i<0$$



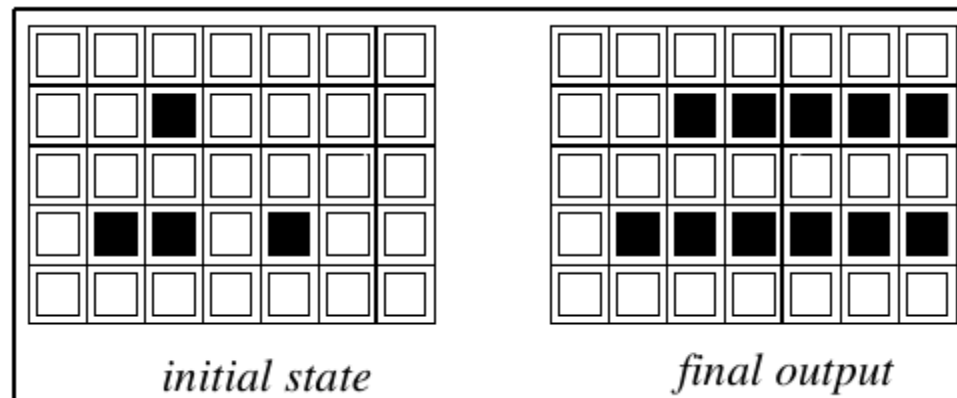
Propagáló template-ek

Shadow template - árnyék generálás:

A feladat, hogy jobb oldali árnyékot generáljunk minden fekete pixelhez.

Egy olyan template-et kell terveznünk, ami ha fekete pixelt 'észlel' a jobb oldali pixelt feketére változtatja...és így tovább és tovább

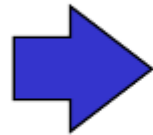
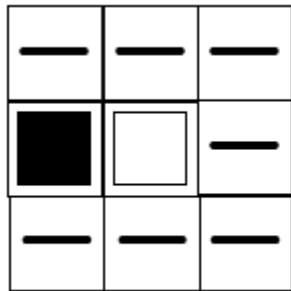
Ahhoz, hogy a tovaterjedést elérjük, az A template-et kell használni.



Tervezés driving-point plot-tal

Propagating templates

Template formula:



$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ b & a & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad z = i$$

<i>lokális pixel elrendezés</i>	<i>várt kimenet</i>	<i>állapot</i>	<i>egyenlőtlenség</i>
	fehér	inaktív	$1-a-b+i < 0$
	fekete	inaktív	$-1+a-b+i > 0$
	fekete	inaktív	$-1+a+b+i > 0$
	fekete	aktív	$1-a+b+i > 0$

Igazságtáblázat minden lehetséges esetre

2^N lehetséges variáció (Ez esetben 4 lehetséges eset)

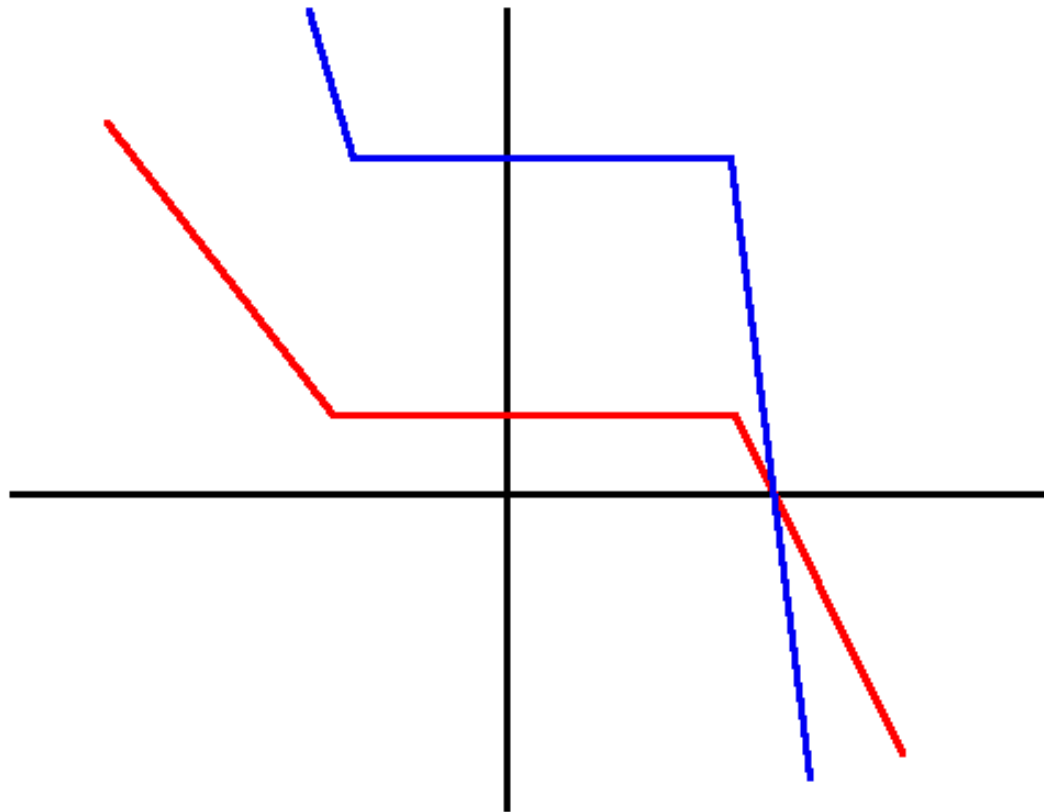
Propagating templates

Egy lehetséges megoldás

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 3 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad z = 3$$

Sebesség

Válasszuk azt a template-et, ahol a változás a lehető leggyorsabb



A maximális érték a chipen elérhető legnagyobb feszültség lesz. Ezáltal megnő az áramkör fogyasztása

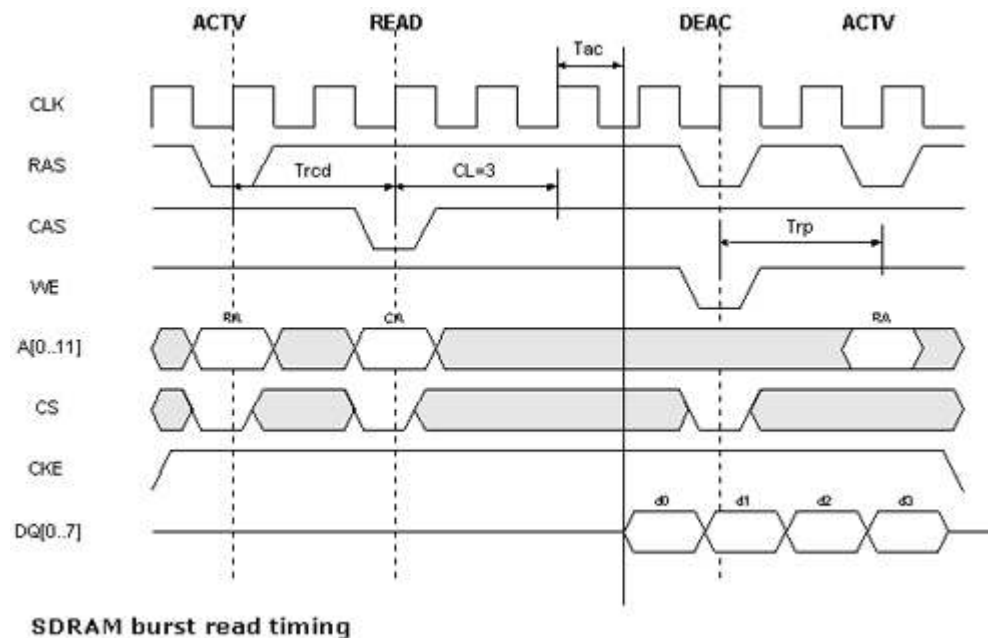
CNN előnye

Nem az órajelet kell növelni ,csak a tápot, a dinamika magától felgyorsul

1 State equation

$$\dot{x}_{ij} = -x_{ij} + \sum_{C(k,l) \in S_r(i,j)} A(i,j;k,l)y_{kl} + \sum_{C(k,l) \in S_r(i,j)} B(i,j;k,l)u_{kl} + z_{ij}$$

Hagyományos processzor esetében órajelet, frekvenciát kell növelni,s meg kell tartani a szinkronizációt



Template optimalizáció

Ahogy ezt már láttuk, általában több (végtelen sok) lehetséges megoldáshoz jutunk (akár DP-plot-tal, akár az egyenlőtlenségrendszer megoldásával)

Melyik megoldást válasszuk?

Melyik a legjobb megoldás?

Mit jelent a 'legjobb'?

Létezik-e optimális template egy adott feladatra?

Milyen szempontból optimális

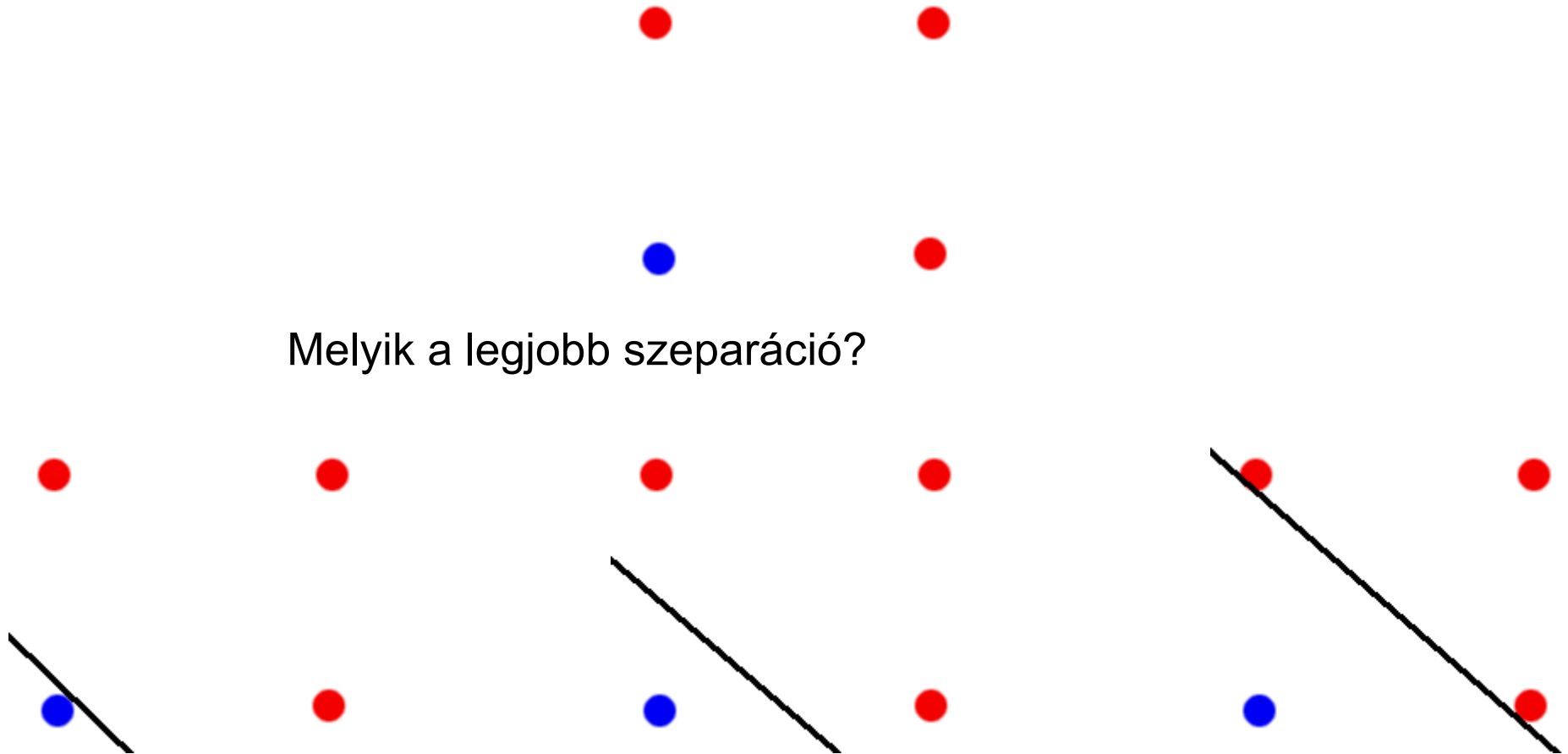
Sebesség, robosztusság, fogyasztás?

Robusztusság

Válasszuk az a template-et, ami legkevésbé érzékeny a zaj-ra

Egyszerű példa: lineáris szeparáció

Melyik a legjobb szeparáció?



A template tervezés lépései

- 1, A feladat globális leírása
- 2, A lokális szabályok és formulák megállíptása
- 3, A legegyszerűbb template formula meghatározása
- 4, Igazságtáblázat elkészítése
- 4+5, Driving-point plot
- 5, Az egyenlőtlenségrendszer megoldása
- 6, Template optimalizáció